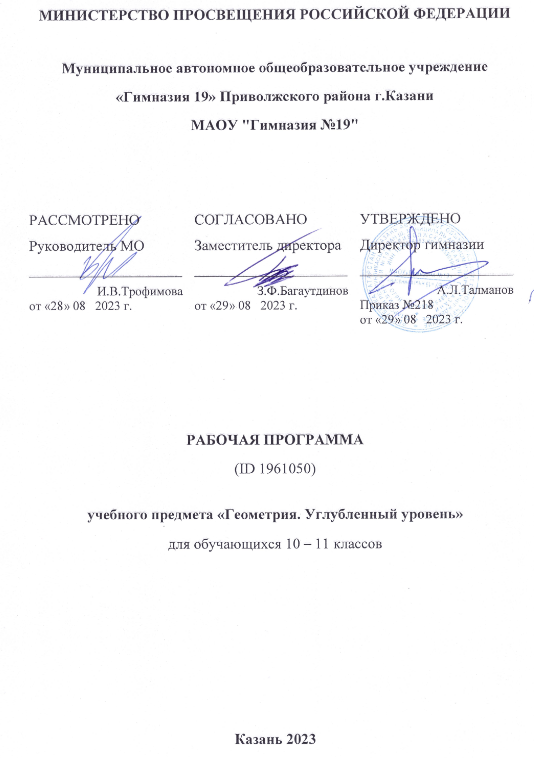
****

**ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Программа по геометрии на уровне основного общего образования составлена на основе требований к результатам освоения основной образовательной программы основного общего образования, представленных в ФГОС ООО, а также федеральной рабочей программы воспитания.

Программа составлена на основе:

* Федеральный государственный образовательный стандарт начального общего образования, утвержденного приказом Министерства Просвещения Российской Федерации от 31.05.2021 г. №373 с изменениями (приказ от 18.07.2022 г. №69.) (далее – ФГОС НОО);
* Федеральный перечень учебников, допущенных к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ начального общего, основного общего, среднего общего образования организациями, осуществляющими образовательную деятельность и установления предельного срока использования исключенных учебников
* Федеральная образовательная программа начального общего образования (утверждена приказом Министерства Просвещения Российской Федерации от 18.05.2023 г. под №372)
* Постановление Главного государственного санитарного врача РФ от 28 сентября 2020 г. №28 «Об утверждении санитарных правил СП 2.4.3648 - 20 «Санитарно-эпидемиологические требования к организациям воспитания и обучения, отдыха и оздоровления детей и молодежи»
* Постановление Главного государственного санитарного врача РФ от 28 января 2021 г. №2 «Об утверждении санитарных правил и норм СанПиН 1.2.3685 - 21 "Гигиенические нормативы и требования к обеспечению безопасности и (или) безвредности для человека факторов среды обитания» (с изменениями на 30 декабря 2022 года)
* Федеральная рабочая программа по предмету Информатика
* Учебный план Гимназии.

Геометрия является одним из базовых курсов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения дисциплин естественно-научной направленности и предметов гуманитарного цикла. Поскольку логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии, при доказательстве теорем и построении цепочки логических утверждений при решении геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественно-научного цикла, в частности физических задач.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне – развитие индивидуальных способностей обучающихся при изучении геометрии, как составляющей предметной области «Математика и информатика» через обеспечение возможности приобретения и использования более глубоких геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, и необходимых для успешного профессионального образования, связанного с использованием математики.

Приоритетными задачами курса геометрии на углублённом уровне, расширяющими и усиливающими курс базового уровня, являются:

расширение представления о геометрии как части мировой культуры и формирование осознания взаимосвязи геометрии с окружающим миром;

формирование представления о пространственных фигурах как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира, знание понятийного аппарата по разделу «Стереометрия» учебного курса геометрии;

формирование умения владеть основными понятиями о пространственных фигурах и их основными свойствами, знание теорем, формул и умение их применять, умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;

формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения, конструировать геометрические модели;

формирование понимания возможности аксиоматического построения математических теорий, формирование понимания роли аксиоматики при проведении рассуждений;

формирование умения владеть методами доказательств и алгоритмов решения, умения их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием, формирование представления о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;

развитие и совершенствование интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению геометрии;

формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умения распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, моделирования реальных ситуаций, исследования построенных моделей, интерпретации полученных результатов.

Основными содержательными линиями учебного курса «Геометрия» в 10–11 классах являются: «Прямые и плоскости в пространстве», «Многогранники», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве», «Движения в пространстве».

Сформулированное во ФГОС СОО требование «уметь оперировать понятиями», релевантными геометрии на углублённом уровне обучения в 10–11 классах, относится ко всем содержательным линиям учебного курса, а формирование логических умений распределяется не только по содержательным линиям, но и по годам обучения. Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения Федеральной рабочей программы, распределённым по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы ко всем основным, принципиальным вопросам обучающиеся обращались неоднократно. Это позволяет организовать овладение геометрическими понятиями и навыками последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, а новые знания включать в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

Переход к изучению геометрии на углублённом уровне позволяет:

создать условия для дифференциации обучения, построения индивидуальных образовательных программ, обеспечить углублённое изучение геометрии как составляющей учебного предмета «Математика»;

подготовить обучающихся к продолжению изучения математики с учётом выбора будущей профессии, обеспечивая преемственность между общим и профессиональным образованием. Для мониторинга успеваемости учащихся проводятся срез знаний и практическая работа отдельно выбранных учеников с целью экономии времени при ежеурочном оценивании всего класса, а также контрольные и самостоятельные работы, рассчитанные на весь класс.

‌На изучение учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне отводится 204 часа: в 10 классе – 102 часа (3 часа в неделю), в 11 классе – 102 часа (3 часа в неделю). ‌‌

**СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ**

**10 КЛАСС**

**Прямые и плоскости в пространстве**

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение фигур в параллельной проекции. Углы с сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед, построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Ортогональное проектирование. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Трёхгранный и многогранные углы. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла.

**Многогранники**

Виды многогранников, развёртка многогранника. Призма: n-угольная призма, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Пространственная теорема Пифагора. Пирамида: n-угольная пирамида, правильная и усечённая пирамиды. Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды. Правильные многогранники: правильная призма и правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды.

Симметрия в пространстве. Элементы симметрии правильных многогранников. Симметрия в правильном многограннике: симметрия параллелепипеда, симметрия правильных призм, симметрия правильной пирамиды.

**Векторы и координаты в пространстве**

Понятия: вектор в пространстве, нулевой вектор, длина ненулевого вектора, векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы. Равенство векторов. Действия с векторами: сложение и вычитание векторов, сумма нескольких векторов, умножение вектора на число. Свойства сложения векторов. Свойства умножения вектора на число. Понятие компланарные векторы. Признак компланарности трёх векторов. Правило параллелепипеда. Теорема о разложении вектора по трём некомпланарным векторам. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Связь между координатами вектора и координатами точек. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов.

**11 КЛАСС**

**Тела вращения**

Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей. Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере. Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Симметрия сферы и шара.

Объём. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём прямой и наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса. Объём шара и шарового сегмента.

Комбинации тел вращения и многогранников. Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра. Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Понятие многогранника, описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения.

Площадь поверхности цилиндра, конуса, площадь сферы и её частей. Подобие в пространстве. Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур. Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов.

Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара, методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.

**Векторы и координаты в пространстве**

Векторы в пространстве. Операции над векторами. Векторное умножение векторов. Свойства векторного умножения. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

**Движения в пространстве**

Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера.

**ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ГЕОМЕТРИЯ» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

**ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

**1) гражданское воспитание:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

**2) патриотическое воспитание:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

**3) духовно-нравственное воспитание:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

**4) эстетическое воспитание:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

**5) физическое воспитание:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

**6) трудовое воспитание:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологическое воспитание:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

**МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

**Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

**Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

**Коммуникативные универсальные учебные действия**

**Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

**Регулятивные универсальные учебные действия**

**Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

**Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

**Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

**ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу **10 класса** обучающийся научится:

* свободно оперировать основными понятиями стереометрии при решении задач и проведении математических рассуждений;
* применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач;
* классифицировать взаимное расположение прямых в пространстве, плоскостей в пространстве, прямых и плоскостей в пространстве;
* свободно оперировать понятиями, связанными с углами в пространстве: между прямыми в пространстве, между прямой и плоскостью;
* свободно оперировать понятиями, связанными с многогранниками;
* свободно распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);
* классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации;
* свободно оперировать понятиями, связанными с сечением многогранников плоскостью;
* выполнять параллельное, центральное и ортогональное проектирование фигур на плоскость, выполнять изображения фигур на плоскости;
* строить сечения многогранников различными методами, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу;
* вычислять площади поверхностей многогранников (призма, пирамида), геометрических тел с применением формул;
* свободно оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии, центр, ось и плоскость симметрии фигуры;
* свободно оперировать понятиями, соответствующими векторам и координатам в пространстве;
* выполнять действия над векторами;
* решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин, применяя известные методы при решении математических задач повышенного и высокого уровня сложности;
* применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
* извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
* применять полученные знания на практике: сравнивать и анализировать реальные ситуации, применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
* иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

* свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями, объяснять способы получения;
* оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром;
* распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения;
* классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости;
* вычислять величины элементов многогранников и тел вращения, объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул;
* свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения;
* вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел;
* изображать изучаемые фигуры, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу, строить сечения тел вращения;
* извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
* свободно оперировать понятием вектор в пространстве;
* выполнять операции над векторами;
* задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;
* решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями, вычисление расстояний от точки до плоскости, в целом, на применение векторно-координатного метода при решении;
* свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве, знать свойства движений;
* выполнять изображения многогранников и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой, преобразования подобия;
* строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара;
* использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости;
* доказывать геометрические утверждения;
* применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме;
* решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин;
* применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
* применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации, применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
* иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**

**10 КЛАСС**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ п/п** | **Наименование разделов и тем программы** | **Количество часов** | | | **Электронные (цифровые) образовательные ресурсы** |
| **Всего** | **Контрольные работы** | **Практические работы** |
| 1 | Введение в стереометрию | 5 | 0 | 0 |  |
| 2 | Параллельность прямых и плоскостей в пространстве | 6 | 1 | 1 |  |
| 3 | Взаимное расположение прямых в пространстве | 10 | 1 | 1 |  |
| 4 | Перпендикулярность прямых и плоскостей в пространстве | 23 | 1 | 1 |  |
| 5 | Углы и расстояния | 10 | 0 | 0 |  |
| 6 | Многогранники | 25 | 1 | 1 |  |
| 7 | Векторы в пространстве | 16 | 1 | 1 |  |
| 8 | Повторение, обобщение и систематизация знаний | 7 | 0 | 0 |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | | 102 | 5 | 5 |  |

**11 КЛАСС**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ п/п** | **Наименование разделов и тем программы** | **Количество часов** | | | **Электронные (цифровые) образовательные ресурсы** |
| **Всего** | **Контрольные работы** | **Практические работы** |
| 1 | Тела вращения | 27 | 1 | 0 |  |
| 2 | Объём многогранника | 7 | 1 | 0 |  |
| 3 | Площади поверхности и объёмы круглых тел | 7 | 1 | 0 |  |
| 4 | Аналитическая геометрия | 30 | 1 | 0 |  |
| 5 | Движения | 8 | 1 | 0 |  |
| 6 | Повторение, обобщение и систематизация знаний | 17 | 0 | 0 |  |
| 7 | Повторение, обобщение и систематизация знаний | 6 | 0 | 0 |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | | 102 | 5 | 0 |  |

**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**

**10 КЛАСС**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ п/п** | **Тема урока** | **Количество часов** | | | **Дата изучения** |
| **Всего** | **Контрольные работы** | **Практические работы** |
| 1 | Предмет стереометрии. Аксиомы стереометрии | 1 | 0 | 0 |  |
| 2 | Некоторые следствия из аксиом стереометрии | 1 | 0 | 0 |  |
| 3 | Аксиомы стереометрии и первые следствия из них. Способы задания прямых и плоскостей в пространстве. Обозначения прямых и плоскостей | 1 | 0 | 0 |  |
| 4 | Решение задач на применение аксиом стереометрии и их следствий. | 1 | 0 | 0 |  |
| 5 | Решение задач на применение аксиом стереометрии и их следствий. | 1 | 0 | 0 |  |
| 6 | Параллельные прямые в пространстве. Параллельность трех прямых. | 1 | 0 | 0 |  |
| 7 | Параллельные прямые в пространстве. Параллельность трех прямых. | 1 | 0 | 0 |  |
| 8 | Параллельность прямой и плоскости. | 1 | 0 | 0 |  |
| 9 | Параллельность прямой и плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Свойства параллельности прямой и плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 10 | Параллельность прямой и плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Свойства параллельности прямой и плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 11 | Параллельность прямой и плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Свойства параллельности прямой и плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 12 | Взаимное расположение прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельные прямые в пространстве | 1 | 0 | 0 |  |
| 13 | Углы с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми. | 1 | 0 | 0 |  |
| 14 | Угол между прямыми. | 1 | 0 | 0 |  |
| 15 | Угол между прямыми. Угол между скрещивающимися прямыми. | 1 | 0 | 0 |  |
| 16 | Контрольная работа №1 по теме «Аксиомы стереометрии и их следствия. Взаимное расположение прямых, прямой и плоскости» | 1 | 1 | 0 |  |
| 17 | Параллельные плоскости. Признаки параллельности двух плоскостей | 1 | 0 | 0 |  |
| 18 | Свойства параллельных плоскостей: о параллельности прямых пересечения при пересечении двух параллельных плоскостей третьей | 1 | 0 | 0 |  |
| 19 | Свойства параллельных плоскостей: об отрезках параллельных прямых, заключённых между параллельными плоскостями; о пересечении прямой с двумя параллельными плоскостями | 1 | 0 | 0 |  |
| 20 | Свойства параллельных плоскостей | 1 | 0 | 0 |  |
| 21 | Тетраэдр. Изображение тетраэдра. | 1 | 0 | 0 |  |
| 22 | Параллелепипед. Изображение параллелепипеда. | 1 | 0 | 0 |  |
| 23 | Задачи на построение сечений. | 1 | 0 | 0 |  |
| 24 | Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. | 1 | 0 | 0 |  |
| 25 | Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения | 1 | 0 | 0 |  |
| 26 | Задачи на построение сечений. Теоремы Менелая и Чевы. | 1 | 0 | 0 |  |
| 27 | Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей | 1 | 0 | 0 |  |
| 28 | Задачи на построение сечений. | 1 | 0 | 0 |  |
| 29 | Задачи на построение сечений. | 1 | 0 | 0 |  |
| 30 | Контрольная работа 2 по теме «Тетраэдр. Параллелепипед» | 1 | 1 | 0 |  |
| 31 | Перпендикулярные прямые в пространстве. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости. | 1 | 0 | 0 |  |
| 32 | Перпендикулярные прямые в пространстве. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости. | 1 | 0 | 0 |  |
| 33 | Теорема о существовании и единственности прямой, проходящей через точку пространства и перпендикулярной к плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 34 | Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках | 1 | 0 | 0 |  |
| 35 | Перпендикулярность прямой и плоскости. Решение задач. | 1 | 0 | 0 |  |
| 36 | Перпендикулярность прямой и плоскости. Решение задач. | 1 | 0 | 0 |  |
| 37 | Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую | 1 | 0 | 0 |  |
| 38 | Расстояние от точки до плоскости. | 1 | 0 | 0 |  |
| 39 | Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная) | 1 | 0 | 0 |  |
| 40 | Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная) | 1 | 0 | 0 |  |
| 41 | Угол между прямой и плоскостью. | 1 | 0 | 0 |  |
| 42 | Повторение теории и решение задач на ТТП , на угол между прямой и плоскостью. | 1 | 0 | 0 |  |
| 43 | Повторение теории и решение задач на ТТП , на угол между прямой и плоскостью. | 1 | 0 | 0 |  |
| 44 | Двугранный угол. Свойство линейных углов двугранного угла | 1 | 0 | 0 |  |
| 45 | Признак перпендикулярности плоскостей; теорема о прямой пересечения двух плоскостей перпендикулярных третьей плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 46 | Признак перпендикулярности плоскостей; теорема о прямой пересечения двух плоскостей перпендикулярных третьей плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 47 | Вычисление расстояний между скрещивающимися прямыми с помощью перпендикулярной плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 48 | Прямоугольный параллелепипед; куб; измерения, свойства прямоугольного параллелепипеда | 1 | 0 | 0 |  |
| 49 | Теорема о диагонали прямоугольного параллелепипеда и следствие из неё | 1 | 0 | 0 |  |
| 50 | Трехгранный угол. Многогранные углы. | 1 | 0 | 0 |  |
| 51 | Решение задач | 1 | 0 | 0 |  |
| 52 | Решение задач | 1 | 0 | 0 |  |
| 53 | Контрольная работа №3 по теме «Перпендикулярность прямых и плоскостей» | 1 | 1 | 0 |  |
| 54 | Понятие многогранника | 1 | 0 | 0 |  |
| 55 | Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера | 1 | 0 | 0 |  |
| 56 | Призма. Прямая и наклонная призмы. Правильная призма | 1 | 0 | 0 |  |
| 57 | Призма. Прямая и наклонная призмы. Правильная призма | 1 | 0 | 0 |  |
| 58 | Пространственная теорема Пифагора. | 1 | 0 | 0 |  |
| 59 | Решение задач. | 1 | 0 | 0 |  |
| 60 | Решение задач. | 1 | 0 | 0 |  |
| 61 | Решение задач. | 1 | 0 | 0 |  |
| 62 | Решение задач на вычисление площади поверхности призмы | 1 | 0 | 0 |  |
| 63 | Решение задач на вычисление площади поверхности призмы | 1 | 0 | 0 |  |
| 64 | Объем призмы | 1 | 0 | 0 |  |
| 65 | Объем призмы | 1 | 0 | 0 |  |
| 66 | Объем призмы | 1 | 0 | 0 |  |
| 67 | Пирамида. Правильная пирамида | 1 | 0 | 0 |  |
| 68 | Правильная пирамида | 1 | 0 | 0 |  |
| 69 | Правильная пирамида | 1 | 0 | 0 |  |
| 70 | Усеченная пирамида. | 1 | 0 | 0 |  |
| 71 | Усеченная пирамида. | 1 | 0 | 0 |  |
| 72 | Усеченная пирамида. | 1 | 0 | 0 |  |
| 73 | Усеченная пирамида. Площадь поверхности усеченной пирамиды | 1 | 0 | 0 |  |
| 74 | Решение задач | 1 | 0 | 0 |  |
| 75 | Решение задач | 1 | 0 | 0 |  |
| 76 | Решение задач | 1 | 0 | 0 |  |
| 77 | Правильные и полуправильные многогранники | 1 | 0 | 0 |  |
| 78 | Элементы симметрии правильных многогранников. | 1 | 0 | 0 |  |
| 79 | Контрольная работа №4 по теме «Многогранники» | 1 | 1 | 0 |  |
| 80 | Понятие векторов. Равенство векторов | 1 | 0 | 0 |  |
| 81 | Понятие векторов. Равенство векторов | 1 | 0 | 0 |  |
| 82 | Сложение и вычитание векторов. Сумма нескольких векторов | 1 | 0 | 0 |  |
| 83 | Сложение и вычитание векторов. Сумма нескольких векторов | 1 | 0 | 0 |  |
| 84 | Умножение вектора на число. | 1 | 0 | 0 |  |
| 85 | Умножение вектора на число. | 1 | 0 | 0 |  |
| 86 | Правило параллелепипеда | 1 | 0 | 0 |  |
| 87 | Разложение вектора по базису трёх векторов, не лежащих в одной плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 88 | Скалярное произведение | 1 | 0 | 0 |  |
| 89 | Вычисление угла между векторами в пространстве | 1 | 0 | 0 |  |
| 90 | Простейшие задачи с векторами | 1 | 0 | 0 |  |
| 91 | Простейшие задачи с векторами | 1 | 0 | 0 |  |
| 92 | Простейшие задачи с векторами | 1 | 0 | 0 |  |
| 93 | Разложение вектора по 3-м некомпланарным векторам | 1 | 0 | 0 |  |
| 94 | Разложение вектора по 3-м некомпланарным векторам | 1 | 0 | 0 |  |
| 95 | Контрольная работа № 5 «Векторы в пространстве» | 1 | 0 | 0 |  |
| 96 | Аксиомы стереометрии и их следствия | 1 | 0 | 0 |  |
| 97 | Параллельность прямых и плоскостей | 1 | 0 | 0 |  |
| 98 | Параллельность прямых и плоскостей | 1 | 0 | 0 |  |
| 99 | Теорема о трех перпендикулярах. Угол между прямой и плоскостью | 1 | 0 | 0 |  |
| 100 | Теорема о трех перпендикулярах. Угол между прямой и плоскостью | 1 | 1 | 0 |  |
| 101 | Векторы в пространстве, их применение к решению задач | 1 | 1 | 0 |  |
| 102 | Итоговый урок | 1 | 0 | 0 |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | | 102 | 6 | 0 |  |

**11 КЛАСС**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ п/п** | **Тема урока** | **Количество часов** | | | **Дата изучения** |
| **Всего** | **Контрольные работы** | **Практические работы** |
| 1 | Тела вращения. Цилиндр. | 1 | 0 | 0 |  |
| 2 | Площадь поверхности цилиндра. | 1 | 0 | 0 |  |
| 3 | Площадь поверхности цилиндра. | 1 | 0 | 0 |  |
| 4 | Объем цилиндра | 1 | 0 | 0 |  |
| 5 | Объем цилиндра | 1 | 0 | 0 |  |
| 6 | Понятие конуса. | 1 | 0 | 0 |  |
| 7 | Площадь поверхности конуса. | 1 | 0 | 0 |  |
| 8 | Площадь поверхности конуса. | 1 | 0 | 0 |  |
| 9 | Объем конуса. | 1 | 0 | 0 |  |
| 10 | Объем конуса. | 1 | 0 | 0 |  |
| 11 | Усеченный конус | 1 | 0 | 0 |  |
| 12 | Площадь поверхности усеченного конуса. | 1 | 0 | 0 |  |
| 13 | Объем усеченного конуса. | 1 | 0 | 0 |  |
| 14 | Решение задач. | 1 | 0 | 0 |  |
| 15 | Решение задач. | 1 | 0 | 0 |  |
| 16 | Сфера и шар. | 1 | 0 | 0 |  |
| 17 | Уравнение сферы | 1 | 0 | 0 |  |
| 18 | Взаимные расположения сферы и плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 19 | Касательная плоскость к сфере | 1 | 0 | 0 |  |
| 20 | Площадь сферы | 1 | 0 | 0 |  |
| 21 | Решение задач по теме «Сфера» | 1 | 0 | 0 |  |
| 22 | Взаимное расположение сферы и прямой | 1 | 0 | 0 |  |
| 23 | Сфера, вписанная в цилиндрическую поверхность | 1 | 0 | 0 |  |
| 24 | Сфера, вписанная в коническую | 1 | 0 | 0 |  |
| 25 | Сечение цилиндрической поверхности | 1 | 0 | 0 |  |
| 26 | Сечение конической поверхности | 1 | 0 | 0 |  |
| 27 | Контрольная работа №1 по теме «Цилиндр, конус, шар» | 1 | 1 | 0 |  |
| 28 | Объемы тел. Объем прямоугольного параллелепипеда. Понятие объема. | 1 | 0 | 0 |  |
| 29 | Объем прямоугольного параллелепипеда | 1 | 0 | 0 |  |
| 30 | Объем прямой призмы. | 1 | 0 | 0 |  |
| 31 | Объем цилиндра | 1 | 0 | 0 |  |
| 32 | Объемы наклонной призмы, пирамиды и конуса. Вычисление объемов тел с помощью интеграла. | 1 | 0 | 0 |  |
| 33 | Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 34 | Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 35 | Объем наклонной призмы | 1 | 0 | 0 |  |
| 36 | Объем пирамиды | 1 | 0 | 0 |  |
| 37 | Объем конуса | 1 | 0 | 0 |  |
| 38 | Объем шара и площадь сферы. | 1 | 0 | 0 |  |
| 39 | Объемы шарового сегмента, шарового слоя и шарового сектора | 1 | 0 | 0 |  |
| 40 | Площадь сферы | 1 | 0 | 0 |  |
| 41 | Решение задач по теме «Объем шара и площадь сферы» | 1 | 0 | 0 |  |
| 42 | Решение задач по теме «Объемы тел» | 1 | 0 | 0 |  |
| 43 | Контрольная работа № 2 по теме «Объемы тел» | 1 | 0 | 0 |  |
| 44 | Понятие векторов. Равенство векторов | 1 | 0 | 0 |  |
| 45 | Сложение и вычитание векторов. Сумма нескольких векторов | 1 | 0 | 0 |  |
| 46 | Умножение вектора на число. | 1 | 0 | 0 |  |
| 47 | Правило параллелепипеда | 1 | 0 | 0 |  |
| 48 | Разложение вектора по базису трёх векторов, не лежащих в одной плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 49 | Скалярное произведение | 1 | 1 | 0 |  |
| 50 | Вычисление угла между векторами в пространстве | 1 | 0 | 0 |  |
| 51 | Простейшие задачи с векторами | 1 | 0 | 0 |  |
| 52 | Разложение вектора по 3-м некомпланарным векторам | 1 | 0 | 0 |  |
| 53 | Разложение вектора по 3-м некомпланарным векторам | 1 | 0 | 0 |  |
| 54 | Метод координат в пространстве. Координаты точки и координаты вектора. Прямоугольная система координат в пространстве. | 1 | 0 | 0 |  |
| 55 | Связь между координатами векторов и координатами точек. | 1 | 0 | 0 |  |
| 56 | Простейшие задачи в координатах. | 1 | 0 | 0 |  |
| 57 | Простейшие задачи в координатах. | 1 | 0 | 0 |  |
| 58 | Простейшие задачи в координатах. | 1 | 0 | 0 |  |
| 59 | Контрольная работа№3 «Координаты точки и координаты вектора» | 1 | 1 | 0 |  |
| 60 | Скалярное произведение векторов. Угол между векторами | 1 | 0 | 0 |  |
| 61 | Скалярное произведение векторов. Угол между векторами | 1 | 0 | 0 |  |
| 62 | Вычисление углов между прямыми. | 1 | 0 | 0 |  |
| 63 | Вычисление углов между прямыми. | 1 | 0 | 0 |  |
| 64 | Вычисление углов между прямой и плоскостью. | 1 | 0 | 0 |  |
| 65 | Вычисление углов между прямой и плоскостью. | 1 | 0 | 0 |  |
| 66 | Уравнение плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 67 | Уравнение плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 68 | Вычисление углов между плоскостями. | 1 | 0 | 0 |  |
| 69 | Вычисление углов между плоскостями. | 1 | 0 | 0 |  |
| 70 | Вычисление расстояния от точки до плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 71 | Вычисление расстояния от точки до плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 72 | Вычисление расстояния от точки до плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 73 | Контрольная работа №4. «Метод координат в пространстве». | 1 | 1 | 0 |  |
| 74 | Движения.Центральная симметрия. | 1 | 0 | 0 |  |
| 75 | Осевая симметрия. | 1 | 0 | 0 |  |
| 76 | Зеркальная симметрия. | 1 | 0 | 0 |  |
| 77 | Параллельный перенос. | 1 | 0 | 0 |  |
| 78 | Преобразование подобия. | 1 | 0 | 0 |  |
| 79 | Некоторые сведения из планиметрии. §1 Углы и отрезки, связанные с окружностью. Угол между касательной и хордой. Теоремы об отрезках, связанных с окружностью. Углы с вершинами внутри и вне круга. | 1 | 0 | 0 |  |
| 80 | Вписанный четырехугольник | 1 | 0 | 0 |  |
| 81 | Описанный четырехугольник | 1 | 0 | 0 |  |
| 82 | Решение треугольников.Теорема о медиане. Теорема о биссектрисе треугольника | 1 | 0 | 0 |  |
| 83 | Формулы площади треугольника. Формула Герона | 1 | 0 | 0 |  |
| 84 | Задача Эйлера | 1 | 0 | 0 |  |
| 85 | Теоремы Менелая и Чевы | 1 | 0 | 0 |  |
| 86 | Решение задач | 1 | 0 | 0 |  |
| 87 | Повторение.Параллельность прямых и плоскостей | 1 | 0 | 0 |  |
| 88 | Перпендикулярность прямых и плоскостей | 1 | 0 | 0 |  |
| 89 | Расстояние от точки до плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 90 | Расстояние между скрещивающимися прямыми | 1 | 0 | 0 |  |
| 91 | Угол между прямыми | 1 | 0 | 0 |  |
| 92 | Угол между прямой и плоскостью | 1 | 0 | 0 |  |
| 93 | Площадь поверхности многогранников | 1 | 0 | 0 |  |
| 94 | Площадь сечения многогранника | 1 | 0 | 0 |  |
| 95 | Метод координат в пространстве | 1 | 0 | 0 |  |
| 96 | Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом шара и площадью сферы. Соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел | 1 | 0 | 0 |  |
| 97 | Подобные тела в пространстве. Изменение объёма при подобии. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов тел и площадей поверхностей | 1 | 0 | 0 |  |
| 98 | Прикладные задачи, связанные с цилиндром | 1 | 0 | 1 |  |
| 99 | Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом наклонной призмы | 1 | 0 | 0 |  |
| 100 | Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом пирамиды | 1 | 0 | 0 |  |
| 101 | Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| 102 | Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости | 1 | 0 | 0 |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | | 102 | 4 | 1 |  |

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА**

**ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

​‌‌​

​‌Атанасян Л. С. И др. (10-11) Базовый и углублённый уровни — Группа компаний «Просвещение»‌

​

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

​‌Геометрия. 10-11 классы. Поурочные разработки к учебнику Атанасяна - Саакян С.М., Бутузов В.Ф.  
Изучение геометрии в 10-11классах. Книга для учителя - Саакян С.М., Бутузов В.Ф.  
Геометрия. 11 класс. Дидактические материалы - Зив Б.Г.‌​

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**

​​‌https://ege.sdamgia.ru/methodist  
https://lbz.ru/metodist/iumk/mathematics/er.p